

- ◆ Toate subiectele sunt obligatorii. Se acordă 10 puncte din oficiu.
- ◆ Timpul efectiv de lucru este de 2 ore.

- ◆ Minden tétel kötelező. A megjelenés 10 pont.
- ◆ A munkaidő 2 óra.

**I. (32 pont) Írd a helyes eredményt a vizsgalapra a feladat sorszáma után!**

1. A  $4 \cdot 7 + 3$  művelet sor eredménye ....
2. Ha a  $\frac{7}{8}$  tört számlálóját 4-gyel, nevezőjét pedig 5-tel növeljük a ... törtet kapjuk.
3. A 123-nak 24-gyel való maradékos osztási hányadosa ....
4. Ha véletlenszerűen kiválasztjuk a 34925 szám valamelyik számjegyét, annak valószínűsége, hogy ez a számjegy a 3-nak többszöröse legyen ....
5. Egy háromszög két szögének mértéke  $73^\circ$  és  $36^\circ$ . A harmadik szög mértéke  $\dots^\circ$ .
6. Egy  $ABCD$  paralelogrammában  $O$  az átlók metszéspontja. A paralelogramma területe  $32 \text{ cm}^2$ . Az  $AOB$  háromszög területe  $\dots \text{ cm}^2$ .
7. Egy egyenes körhenger tengelymetszete egy  $8 \text{ cm}$  oldalhosszúságú négyzet. A henger térfogata  $\dots \pi \text{ cm}^3$ .
8. Egy téglatest éleinek száma ....

**II. (12 pont) Írd a helyes eredményt a vizsgalapra a feladat sorszáma után!**

Minden feladatnál a négy lehetséges válasz közül csak egy helyes.

9. Egy polcon háromoldalú hasábok és háromoldalú gúla találhatóak, amelyeknek összesen 42 lapja van. A hasábok száma:  
A. 8                      B. 7                      C. 6                      D. 5
10. Az  $E(x) = (x+2)^2 - (x+1)(x-1)$  kifejezés legegyszerűbb alakja, a műveletek elvégzése után:  
A.  $4x+3$                       B.  $2x+5$                       C.  $4x+5$                       D.  $2x+3$
11. Egy egyenlő oldalú háromszögbe írt kör sugara  $3 \text{ cm}$ . A háromszög kerülete:  
A.  $9\sqrt{3} \text{ cm}$ .                      B.  $18\sqrt{3} \text{ cm}$ .                      C.  $12\sqrt{3} \text{ cm}$ .                      D.  $27\sqrt{3} \text{ cm}$ .
12. Egy téglalap területe  $19 \text{ m}^2$ . Ha a hosszúságát a háromszorosára, a szélességét pedig a kétszeresére növeljük, egy olyan téglalapot kapunk, amelynek területe:  
A.  $112 \text{ m}^2$                       B.  $114 \text{ m}^2$                       C.  $116 \text{ m}^2$                       D.  $118 \text{ m}^2$

**III. (46 pont) Írd a vizsgalapra a teljes megoldást!**

13. Egy munkáscsoport egy munkát 2088 lejért végzett el. A mellékelt táblázatban feltüntettük, hogy melyik munkás hány napot dolgozott. Egy napra minden munkásnak ugyanaz az összeg jár. A munkások a ledolgozott napokkal egyenesen arányosan osztották el a kapott pénzösszeget.  
a) Számítsd ki mennyi pénzt kapott a 3 munkás külön-külön!  
b) Az egész összeg hány százalékát jelenti a B munkás által kapott pénz?

A munkás neve	A	B	C
A napok száma	13	6	11

14. Adottak az  $f: \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ ,  $f(x) = x - 2$  és  $g: \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ ,  $g(x) = 2x - 3$  függvények.  
a) Ábrázold grafikusán az  $f$  függvényt az  $xOy$  derékszögű koordináta-rendszerben!  
b) Határozd meg a két függvény grafikus képének metszéspontját!  
c) Határozd meg az  $a \in \mathbf{R} \setminus \{-1; 0\}$  értékét, ha  $f\left(\frac{a+1}{a}\right) + g\left(\frac{a-1}{a+1}\right) + 3 = 0$ .
15. a) Rajzolj egy kockát!  
Az  $ABCD A' B' C' D'$  kockában  $M$  az  $AB$  él felezőpontja és  $MD' = 6 \text{ cm}$ .  
b) Igazold, hogy  $AB = 4 \text{ cm}$ !  
c) Számítsd ki az  $MD$  egyenes és a  $(BB' C')$  sík metszéspontjának távolságát a  $C$  ponttól!  
d) Számítsd ki a  $C$  pont távolságát az  $(MC' D')$  síktól!